

Persamaan Non Linier Metode Iterasi

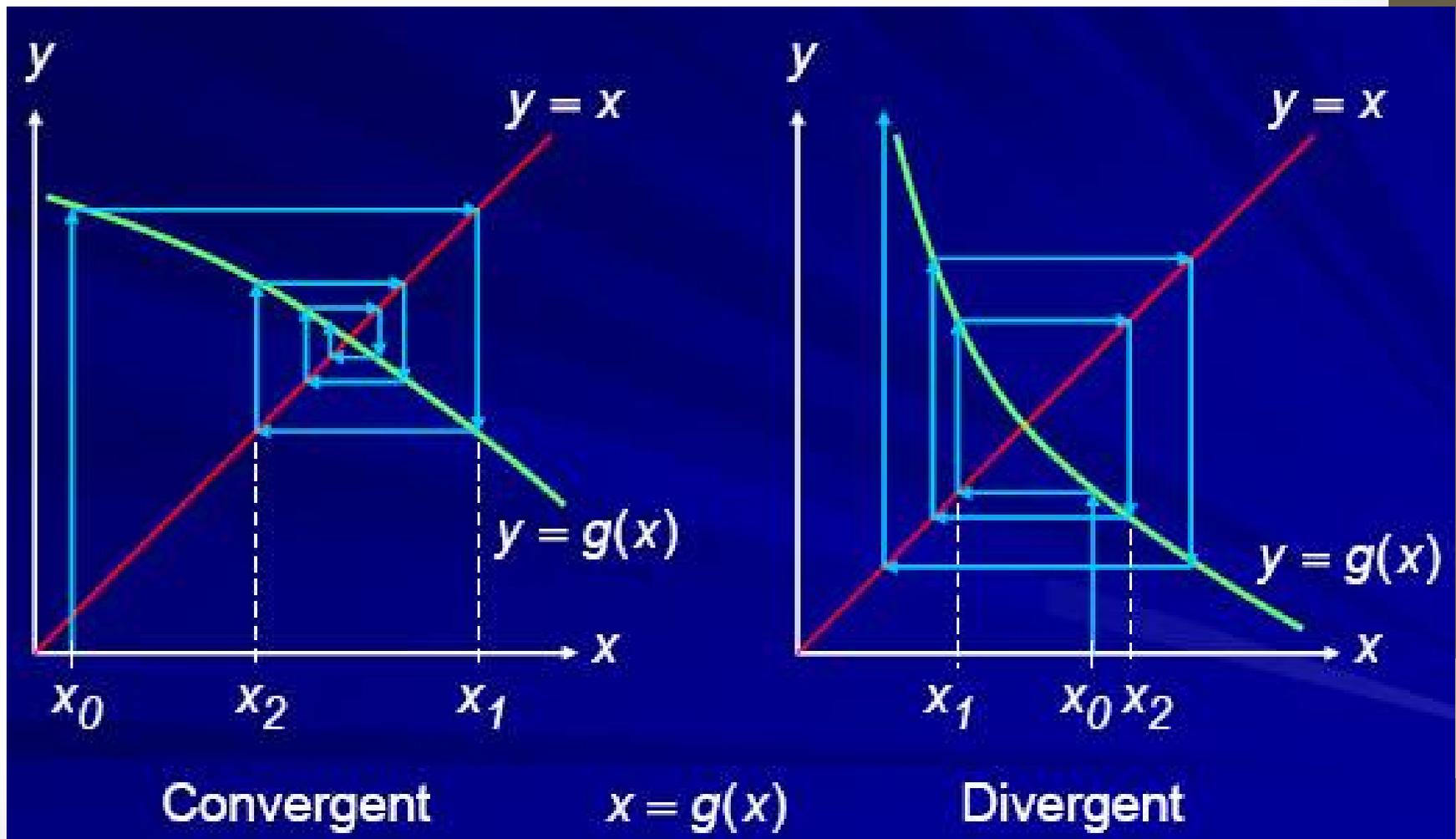
Oleh :

Mike Yuliana

Metode Iterasi Sederhana

- Metode iterasi sederhana adalah metode yang memisahkan x dengan sebagian x yang lain sehingga diperoleh : $x = g(x)$.
- Contoh :
 - $x - e^x = 0 \rightarrow$ ubah
 - $x = e^x$ atau $g(x) = e^x$
- $g(x)$ inilah yang menjadi dasar iterasi pada metode iterasi sederhana ini

Metode Iterasi Sederhana



Contoh :

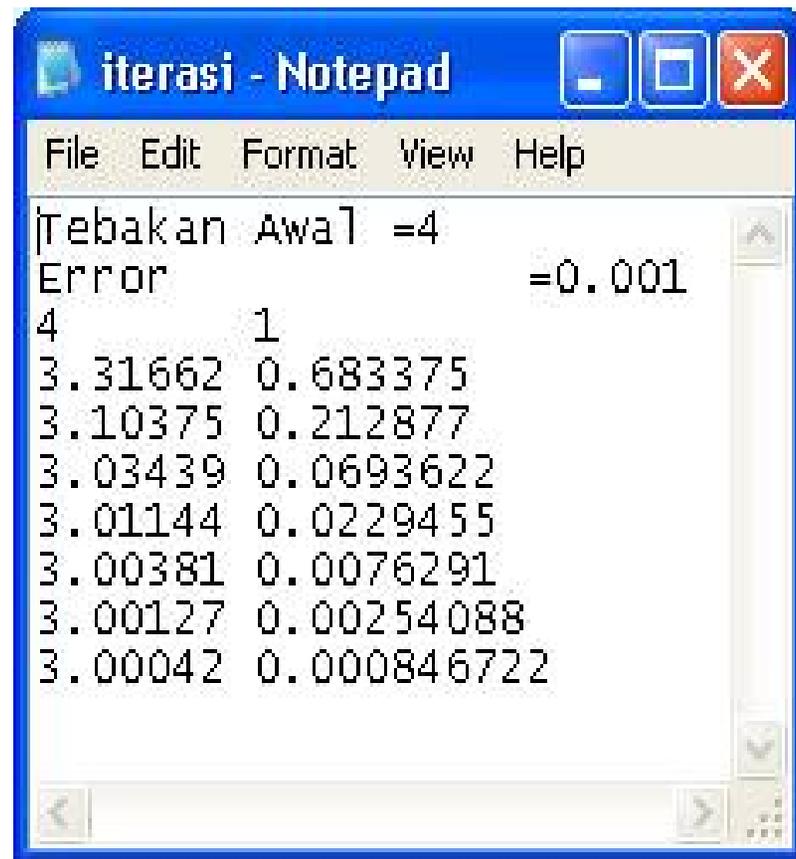
- Carilah akar pers $f(x) = x^2 - 2x - 3$
- $x^2 - 2x - 3 = 0$
- $x^2 = 2x + 3$

$$x = \sqrt{2x + 3}$$

- Tebakan awal = 4
- $E = 0.00001$

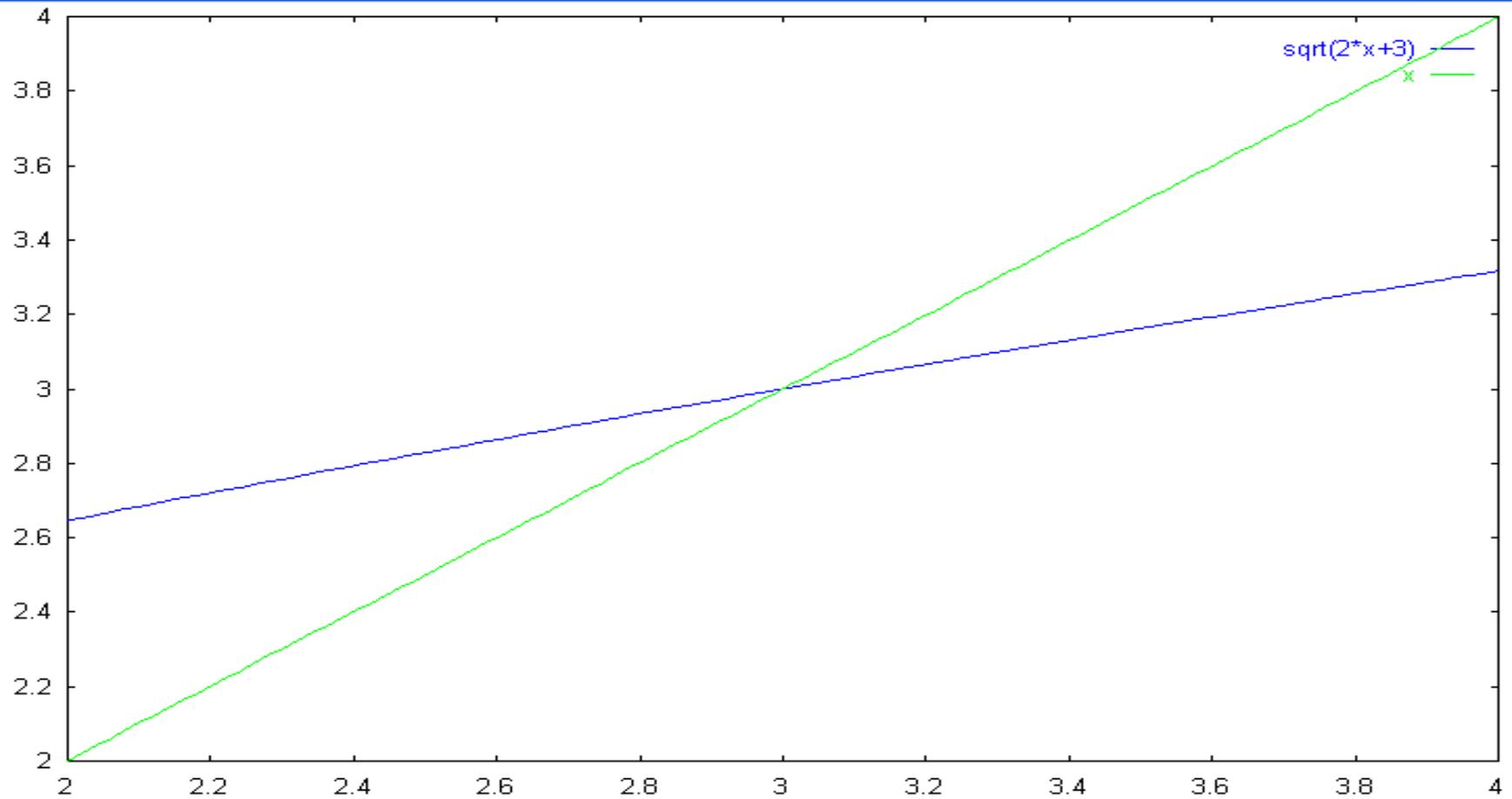
$$x_{n+1} = \sqrt{2x_n + 3}$$

- Hasil = 3



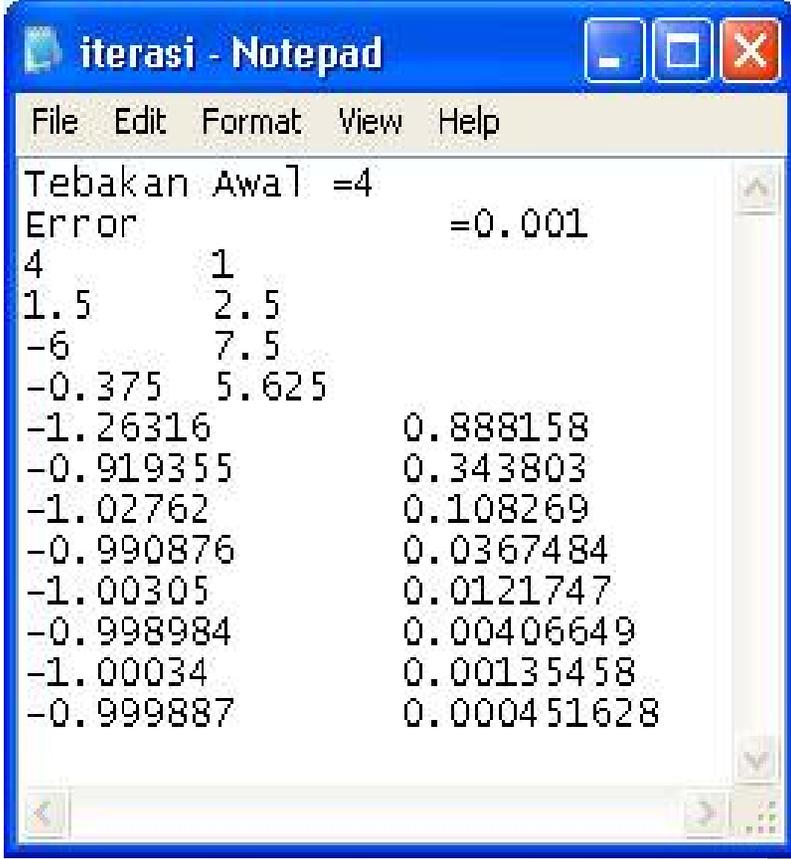
```
iterasi - Notepad
File Edit Format View Help
Tebakan Awal =4
Error =0.001
4      1
3.31662 0.683375
3.10375 0.212877
3.03439 0.0693622
3.01144 0.0229455
3.00381 0.0076291
3.00127 0.00254088
3.00042 0.000846722
```

gnuplot graph

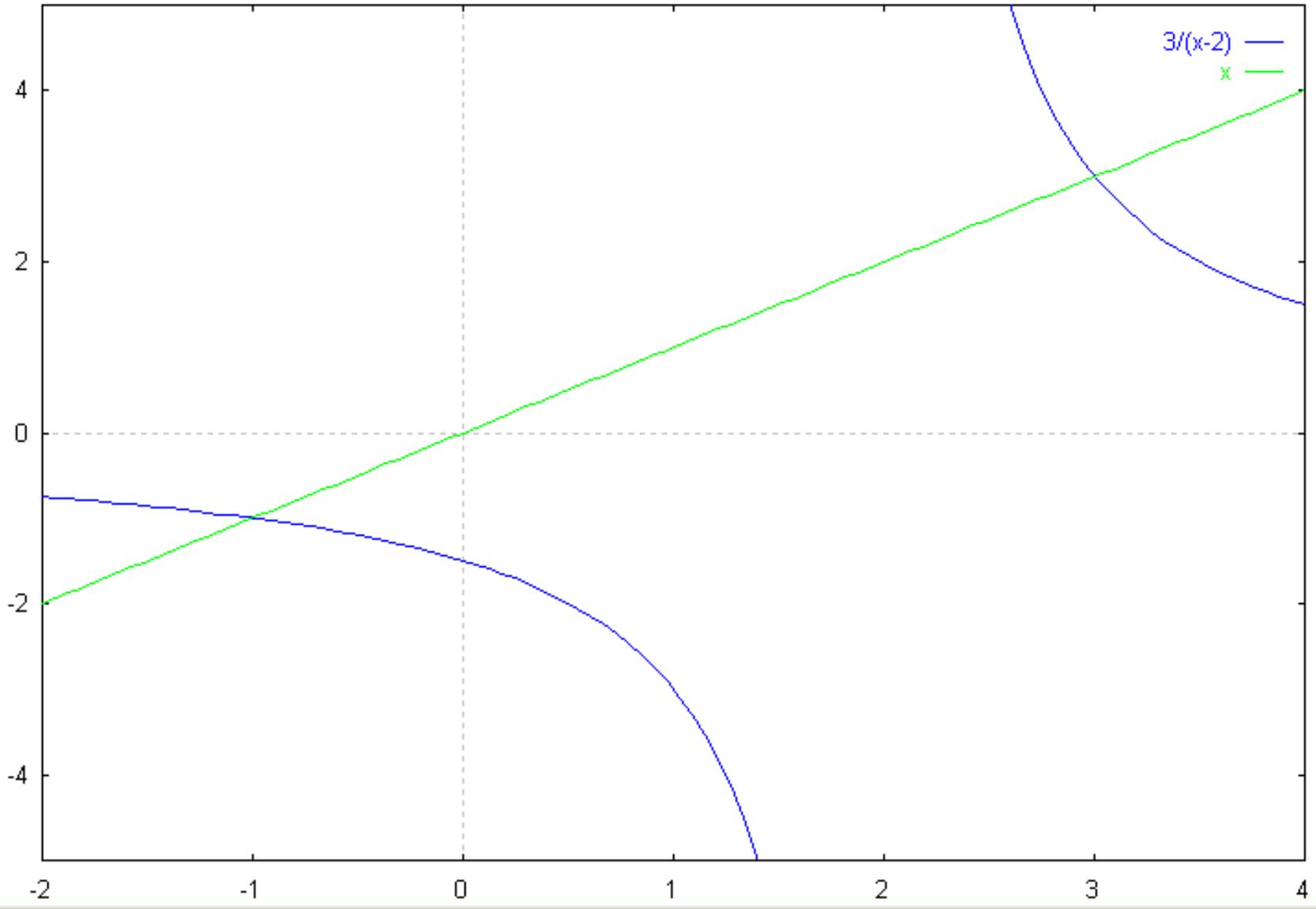


Contoh :

- $x^2 - 2x - 3 = 0$
- $X(x-2) = 3$
- $X = 3 / (x-2)$
- Tebakan awal = 4
- $E = 0.00001$
- Hasil = -1



```
iterasi - Notepad
File Edit Format View Help
Tebakan Awal =4
Error =0.001
4      1
1.5    2.5
-6     7.5
-0.375 5.625
-1.26316 0.888158
-0.919355 0.343803
-1.02762 0.108269
-0.990876 0.0367484
-1.00305 0.0121747
-0.998984 0.00406649
-1.00034 0.00135458
-0.999887 0.000451628
```



Contoh :

- $x^2 - 2x - 3 = 0$
- $X = (x^2 - 3)/2$
- Tebakan awal = 4
- $E = 0.00001$
- Hasil divergen

```
iterasi - Notepad
File Edit Format View Help
[Tebakan Awal] =4
Error =0.001
4      1
6.5    2.5
19.625 13.125
191.07 171.445
18252.4 18061.4
1.66576e+008 1.66557e+008
1.38737e+016 1.38737e+016
9.62401e+031 9.62401e+031
4.63108e+063 4.63108e+063
1.07234e+127 1.07234e+127
5.7496e+253 5.7496e+253
1.#INF 1.#INF
1.#INF -1.#IND
```

Syarat Konvergensi

- Pada range $I = [s-h, s+h]$ dengan s titik tetap
 - Jika $0 < g'(x) < 1$ untuk setiap $x \in I$ iterasi konvergen monoton.
 - Jika $-1 < g'(x) < 0$ untuk setiap $x \in I$ iterasi konvergen berosilasi.
 - Jika $g'(x) > 1$ untuk setiap $x \in I$, maka iterasi divergen monoton.
 - Jika $g'(x) < -1$ untuk setiap $x \in I$, maka iterasi divergen berosilasi.

$$x_{r+1} = \sqrt{2x_r + 3}$$

$$g(x) = \sqrt{2x_r + 3}$$

$$g'(x) = \frac{1}{2\sqrt{2x_r + 3}}$$

- Tebakan awal 4
- $G'(4) = 0.1508 < 1$
- Konvergen Monoton

$$x_{r+1} = \frac{3}{(x_r - 2)}$$

$$g(x) = \frac{3}{(x - 2)}$$

$$g'(x) = \frac{-3}{(x - 2)^2}$$

- Tebakan awal 4
- $G'(4) = |-0.75| < 1$
- Konvergen Berisolasi

$$g(x) = \frac{(x^2 - 3)}{2}$$

$$g'(x) = x$$

- Tebakan awal 4
- $G'(4) = 4 > 1$
- Divergen Monoton

Contoh :

Selesaikan $x + e^x = 0$, maka persamaan diubah menjadi $x = e^x$ atau $g(x) = e^x$.

Ambil titik awal di $x_0 = -1$, maka

$$\text{Iterasi 1 : } x = -e^{-1} = -0,3679 \rightarrow F(x) = 0,3243$$

$$\text{Iterasi 2 : } x = e^{-0,3679} = -0,6922$$

$$F(x) = -0,19173$$

$$\text{Iterasi 3 : } x = -e^{-0,6922} = -0,50047$$

$$F(x) = 0,10577$$

$$\text{Iterasi 4 : } x = -e^{-0,50047} = -0,60624$$

$$F(x) = -0,06085$$

$$\text{Iterasi 5 : } x = -e^{-0,60624} = -0,5454$$

$$F(x) = 0,034217$$

Pada iterasi ke 10 diperoleh $x = -0,56843$ dan $F(x) = 0,034217$.